

**FIȘA DISCIPLINEI**  
**ANUL UNIVERSITAR 2020 - 2021**

**1. DATE DESPRE PROGRAM**

1.1 Instituția de învățământ superior	UNIVERSITATEA DIN CRAIOVA
1.2 Facultatea	FACULTATEA DE INGINERIE ELECTRICĂ
1.3 Departamentul	Inginerie Electrică, Energetică și Aerospațială
1.4 Domeniul de studii	Inginerie Electrică
1.5 Ciclul de studii <sup>1</sup>	Licență
1.6 Programul de studii (denumire/cod) <sup>2</sup> /Calificarea	Inginerie electrică și calculatoare/L120090060

**2. DATE DESPRE DISCIPLINĂ**

2.1 Denumirea disciplinei	<b>Metode Numerice</b>								
2.2 Titularul activităților de curs	Lector universitar doctor Florea Aurelia								
2.3 Titularul activităților aplicative	Lector universitar doctor Florea Aurelia								
2.4 Anul de studiu	<b>1</b>	2.5 semestrul	<b>1</b>	2.6 Tipul disciplinei (conținut) <sup>3</sup>	<b>DF</b>	2.7 Regimul disciplinei (obligativitate) <sup>4</sup>	<b>DI</b>	2.8 Tipul de evaluare	<b>V</b>

**3. TIMPUL TOTAL ESTIMAT (ore pe semestru al activităților didactice)**

3.1 Număr de ore pe săptămână	<b>4</b>	din care: 3.2 curs	<b>2</b>	3.3 laborator +seminar	<b>2+1</b>
3.4 Total ore din planul de învățământ	<b>70</b>	din care: 3.5 curs	<b>28</b>	3.6 laborator	<b>28+14</b>
3.7 Distribuția fondului de timp					ore
▪ Studiul după manual, suport de curs, bibliografie și notițe					<b>23</b>
▪ Documentare suplimentară în bibliotecă, pe platformele electronice de specialitate și pe teren					<b>14</b>
▪ Pregătire seminarii/laboratoare, teme, referate, portofolii și eseuri					<b>21</b>
▪ Tutoriat					-
▪ Examinări					<b>6</b>
▪ Alte activități: consultații, cercuri studentesti					<b>5</b>
<b>Total ore activități individuale</b>	<b>69</b>				
3.8 Total ore pe semestru <sup>5</sup>	<b>125</b>				
3.9 Numărul de credite <sup>6</sup>	<b>5</b>				

**4. PRECONDIȚII (acolo unde este cazul)**

4.1 de curriculum	- Analiza matematica pe $R^n$ - Programarea calculatoarelor - Elemente de Algebra liniara si Ecuatii Diferentiale
4.2 de competențe	-----

**5. CONDIȚII (acolo unde este cazul)**

5.1. de desfășurare a cursului	Predarea cursului se face explicativ si interactiv la tabla. Se asigură suport de curs în format electronic și acces la documentații actualizate. Procesul de predare are următoarea structură: <ul style="list-style-type: none"> <li>▪ 70% prezentare teoretică, pe baza suportului de curs</li> <li>▪ 30% activitate interactivă cu studenții</li> </ul> La curs se va urmări predarea riguroasă a noțiunilor, demonstrarea teoremelor doar în cazuri simple (în rest se vor face trimiteri bibliografice), prezentarea unui calcul manual pentru metodele numerice în vederea înțelegerii algoritmilor.
5.2. de desfășurare a seminarului/ laboratorului/proiectului	- Sala de laborator dotata corespunzator : calculatoare, retea, conexiune la internet. La laborator se va urmări înțelegerea algoritmilor numerici prin calcul manual, programarea algoritmilor mai simpli, utilizarea algoritmilor implementați în mediul de programare utilizat.

## 6. COMPETENȚELE SPECIFICE ACUMULATE <sup>7</sup>

<b>Competențe profesionale</b>	<p><i>C1 Operarea cu fundamente matematice, ingineresti și ale informaticii</i></p> <p><b>C1.1</b> Utilizarea adecvată în comunicarea profesională a conceptelor proprii calculabilității, complexității, paradigmelor de programare și modelării sistemelor de calcul și comunicații.</p> <p><b>C1.2</b> Utilizarea de teorii și instrumente specifice (algoritmi, scheme, modele, protocoale, etc.) pentru explicarea funcționării și structurii sistemelor hardware, software și de comunicații.</p> <p><i>C3 Soluționarea problemelor folosind instrumentele științei și ingineriei calculatoarelor.</i></p> <p><b>C3.1</b> Identificarea unor clase de probleme și metode de rezolvare caracteristice sistemelor informatice.</p> <p><b>C3.2</b> Utilizarea de cunoștințe interdisciplinare, a tiparelor de soluții și a uneltelor, efectuarea de experimente și interpretarea rezultatelor lor</p> <p><b>C3.3</b> Aplicarea tiparelor de soluții cu ajutorul uneltelor și metodelor ingineresti.</p>
<b>Competențe transversale</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>○ CT1. Comportament etic, onorabil și responsabil, în litera legii, pentru a asigura reputația profesională..</li> <li>○ CT3. Demonstratie a spiritului de inițiativa și acțiune pentru dezvoltarea profesională, economică și organizațională a cunoștințelor culturale.</li> </ul>

## 7. OBIECTIVELE DISCIPLINEI (reieșind din grila competențelor specifice acumulate)

7.1 Obiectivul general al disciplinei	<ul style="list-style-type: none"> <li>▪ Disciplină fundamentală necesară oricărei abordări de specialitate.</li> </ul> <p>Are rolul de a prezenta studenților principalele metode numerice și algoritmi numerici, cu privire la: algebră liniară și neliniară, aproximarea funcțiilor, calculul diferențial și integral, rezolvarea numerică a ecuațiilor diferențiale (ordinare și cu derivate parțiale). Cursul își propune să dezvolte studenților capacitatea de a analiza diverse modele matematice ce apar în cercetare, proiectare, inginerie, cu ajutorul tehnicilor numerice și de a rezolva probleme specifice folosind transpunerea în limbaje de programare a metodelor numerice studiate.</p> <p>Laboratorul vizează înțelegerea profundă și algoritimizarea optimă a noțiunilor prezentate la curs. Totodată, se are în vedere construirea de coduri numerice și testarea acestora pe diverse tipuri de aplicații.</p>
7.2 Obiectivele specifice	<ul style="list-style-type: none"> <li>▪ Dobândirea unor abilități necesare, precum: <ul style="list-style-type: none"> <li>○ familiarizarea cu elementele de bază ale analizei numerice: interpolari și ajustări de date, sisteme algebrice liniare și neliniare, vectori și valori proprii, integrare numerică, metode pentru ecuații și sisteme de ecuații diferențiale ordinare și cu derivate parțiale.</li> <li>○ familiarizarea cu un mediu de programare utilizat în calculele matematice din inginerie și realizarea de programe pentru variantele simple ale metodelor numerice studiate.</li> <li>○ aplicarea corectă a metodelor și principiilor de bază în rezolvarea problemelor de analiză numerică .</li> <li>○ recunoașterea principalelor clase/tipuri de probleme de analiză numerică și selectarea metodelor și tehnicilor adecvate pentru rezolvarea lor .</li> <li>○ realizarea de proiecte pentru modelarea matematică a unei probleme concrete.</li> </ul> </li> </ul>

## 8. CONȚINUTURI

8.1 Curs (unități de conținut)	Nr. ore	Metode de predare
<p><b>Cap. 1 Metode numerice în algebră</b></p> <p>1.1 Tipuri de matrice și transformări matriciale aplicate la rezolvarea sistemelor liniare</p> <p>1.1.1 Matrici pătrate de ordinul <math>n</math>, cu elemente reale</p> <p>1.1.2 Matrici diagonale; caz particular: matricea unitate de ordinul <math>n</math></p> <p>1.1.3. Matrice superior (inferior) triunghiulară de ordin <math>n</math></p> <p>1.1.4. Matrice bandă de ordin <math>n</math></p> <p>1.2. Transformări matriciale aplicate la rezolvarea sistemelor liniare</p> <p>1.2.1. Factorizarea LR pentru matrice de ordin <math>n</math> cu elemente reale; cazul tridiagonal și pentadiagonal</p> <p>1.2.2. Metode iterative: Jacobi, Seidel -Gauss;(cazul matricilor rare). Studiul convergenței</p> <p>1.2.4. Calculul determinantului și inversei unei matrice</p> <p>1.2.4.1. Metoda condensării pivotale</p> <p>1.2.4.2. Metoda Gauss</p> <p>1.2.4.3. Metoda factorizării LR</p> <p>1.2.4.4. Metodele Gauss și iterativă pentru determinarea inversei unei matrice</p> <p>1.3 Metode numerice pentru rezolvarea sistemelor de ecuații neliniare</p> <p>1.3.1 Metoda Newton pt. rezolvarea ecuațiilor și sistemelor de ecuații neliniare; Studiul convergenței</p> <p>1.3.2 Metoda Newton modificată pentru rezolvarea numerică a sistemelor de ecuații neliniare</p> <p>1.3.3 Metoda Bairstow pentru rezolvarea numerică a ecuațiilor algebrice</p> <p>1.4. Determinarea polinomului caracteristic, a valorilor și vectorilor proprii pt. o matrice reală, pătrată</p> <p>1.4.1. Metoda minorilor diagonali</p> <p>1.4.2. Metoda LeVerrier</p> <p>1.4.3. Metoda Krylov (posibilitatea determinării vectorilor proprii)</p> <p>1.4.4. Metoda Fadeev (posibilitatea determinării inversei matricei)</p> <p>1.4.5. Metoda Danilevski (posibilitatea determinării vectorilor proprii)</p> <p>1.4.6. Metoda LR pentru calculul valorilor și vectorilor proprii</p> <p>1.4.7. Metodă iterativă tip Newton pt. estimarea valorilor proprii extreme pt. o matrice reală simetrică</p>	<b>10</b>	<p>Prelegerea participativă, dezbaterea, expunerea, problematizarea, exemplificarea.</p> <p>Predarea cursului se face explicativ și interactiv la tabla.</p> <p>Procesul de predare are următoarea structură:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- 70% prezentare teoretică</li> <li>- 30% activitate interactivă cu studenții</li> </ul> <p>Materialele necesare vor fi puse la dispoziția studenților în format electronic și în formă tipărită.</p>
<p><b>Cap. 2 Aproximarea funcțiilor</b></p> <p>2.1. Interpolarea pe noduri simple și multiple</p> <p>2.1.1. Polinomul de interpolare Lagrange. Minimizarea erorii</p> <p>2.1.2. Polinomul de interpolare Newton. Minimizarea erorii</p> <p>2.1.3. Polinomul de interpolare Hermite</p> <p>2.1.3. Interpolare prin spline-uri cubice</p> <p>2.1.4. Aproximarea prin metoda celor mai mici pătrate - cazul discret</p>	<b>6</b>	
<p><b>Cap. 3 Metode numerice pentru evaluarea integralelor</b></p> <p>3.1 Evaluarea integralelor simple</p> <p>3.1.1. Aproximarea numerică pe două noduri (formula trapezului)</p> <p>3.1.2. Aproximare numerică pe trei noduri (formula Simpson)</p> <p>3.1.3. Aproximarea numerică pe patru noduri (formula Newton)</p> <p>3.2. Evaluarea integralelor duble pe domenii convexe de frontieră poligonală</p>	<b>4</b>	

<b>Cap. 4 Metode numerice pentru rezolvarea ecuatiilor diferentiale si cu derivate partiale</b>	<b>8</b>	
4.1. Ecuatii diferentiale de ordinul I și de ordin superior cu condiție inițială (met. Euler, Runge-Kutta)		
4.2. Ecuatii diferentiale ordinare cu condiții bi-locale (pb. Sturm-Liouville)		
4.3 Operatorii cu diferente finite; tipuri de ecuatii cu derivate partiale de ordinul doi		
4.4. Ecuatii diferentiale cu derivate partiale de ordinul doi - tipul eliptic; metoda diferențelor finite		
Total	<b>28 ore</b>	
<b>Bibliografie</b> <sup>8</sup>		
1. Ascher U., Greif C., A First Course in Numerical Methods (Computational Science and Engineering), SIAM, 2011		
2. Burden R. L., Faires J. D., Numerical Analysis, Brooks Cole Ed., 2004		
3. C de Boor, A practical guide to splines, 2nd ed. Springer, New York, 2000		
4. Ciarlet P.G., Introduction à l'Analyse Numérique et l'Optimisation, Ed. Masson, Paris, 1990		
5. Chatelin F., Spectral approximation of linear operators, Academic Press, New York, 1983		
6. Ebâncă D., Metode numerice in algebră, Editura Sitech, Craiova, 2005		
7. Mihoc Gh., Micu N., Teoria probabilităților si statistică matematică, E. D.P., Bucuresti, 1980		
8. Militaru R., Méthodes Numériques. Théorie et Applications, Ed. Sitech, Craiova, 2008		
9. Philips G., Taylor T., Theory and Applications of Numerical Analysis, Academic Press, 1999		
10. Popa M., Militaru R., Analiză Numerică , Note de curs, Ed. Sitech, Craiova, 2003		
11. Popa M., Militaru R., Metode numerice - algoritmi și aplicații, Ed. Sitech, Craiova, 2007		
<b>8.2 Activități aplicative (subiecte/teme)</b>	<b>Nr. ore</b>	<b>Metode de predare</b>
Rezolvarea sistemelor de ecuații algebrice liniare: metoda Gauss, factorizarea LR, metode iterative (Jacobi și Seidel-Gauss)	<b>6</b>	Exercițiul, discuțiile și dezbaterile, modelarea.
Calculul determinantului și inversei unei matrice (metoda Gauss, metoda condensării pivotale și metoda iterativă)	<b>2</b>	Efectuarea lucrărilor de laborator se face plecând de la algoritmi dezvoltati in cadrul cursului.
Polinom caracteristic, valori și vectori proprii (metodele: minori diagonali, Fadeev, LeVerrier, Krylov, Danilevski). Rezolvarea ecuațiilor neliniare	<b>4</b>	
Polinomul de interpolare Lagrange, Newton, Hermite; Interpolarea prin funcții spline cubice; Aproximarea prin metode celor mai mici pătrate	<b>4</b>	
Evaluarea numerica a integralelor simple (metoda trapezului, Simpson, Newton). Evaluarea numerica a integralelor duble,	<b>4</b>	
Ecuatii diferentiale ordinare: metode de tip Euler; metodele Runge-Kutta; sisteme de ecuații diferentiale ordinare	<b>4</b>	Sunt puse la dispoziția studenților platforme de laborator care conțin un breviar teoretic și algoritmul ce urmeaza a fi implementat.
Ecuatii diferentiale cu derivate partiale - tipul eliptic. Metoda diferențelor finite	<b>2</b>	
Verificarea cunoștințelor	<b>2</b>	
Total	<b>28 ore</b>	Activități: 70% desfășurarea lucrării 30% interpretarea rezultatelor și discuții cu studenții
<b>Bibliografie</b> <sup>8</sup>		
1. Popa M., Militaru R., Metode numerice in pseudocod. Aplicatii, Ed. Sitech, Craiova, 2014		

## 9. COROBORAREA CONȚINUTURILOR DISCIPLINEI CU AȘTEPTĂRILE REPREZENTANȚILOR COMUNITĂȚII EPISTEMICE, ASOCIAȚIILOR PROFESIONALE ȘI ANGAJATORI REPREZENTATIVI DIN DOMENIUL AFERENT PROGRAMULUI

<p>Conținutul cursului a fost discutat cu reprezentanții:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>▪ Facultății de Automatică, Calculatoare și Electronică a Universității din Craiova</li> <li>▪ Departamentului de Matematici Aplicate al Universității din Craiova</li> </ul> <p>Cursul asigură dezvoltarea și însușirea unor concepte, metode și tehnici matematice moderne, utilizate în modelarea matematică a problemelor ingineresti.</p>
---

**10. EVALUARE**

Tip activitate	10.1 Criterii de evaluare	10.2 Metode de evaluare	10.3 Pondere din nota finală
10.4 Curs	- înțelegerea problemei - formularea matematică - rezolvarea problemei	<b>Examen: probă scrisă</b> - Condiția de participare la examen: <i>Efectuarea tuturor lucrărilor de laborator.</i> Evaluare: probă scrisă: 4 subiecte practice (fiecare subiect va fi apreciat printr-o notă de la 1 la 10 incluzând și punctul acordat din oficiu). Nota la lucrarea scrisă este media notelor celor 4 subiecte. Ponderea probei scrise: 80% din nota finală.	80%
10.5 Activități aplicative	- gradul de dezvoltare a abilitatilor practice si a capacitatii de operare cu notiunile, tehnicile si metodele numerice introduse - capacitatea de aplicare în practică; - criterii ce vizeaza conștiinciozitatea, interesul pentru studiul individual.	Evaluarea activităților aplicative se va efectua pe parcursul desfășurării acestora pe baza unui set de teme, respectiv a unui test practic final. Ponderea activităților aplicative: 20% din nota finală.	20%
10.6 Standard minim de performanță (volumul de cunostinte minim necesar pentru promovarea disciplinei și modul în care se verifică stăpânirea lui)			
<ul style="list-style-type: none"> <li>- Cerințele minimale pentru promovare: înțelegerea notiunilor și a terminologiei de baza.</li> <li>- Obținerea a minim 50 % din punctajul verificărilor pe parcurs și a examenului final.</li> <li>- Calculul notei finale se face prin rotunjirea la notă întreagă a punctajului final.</li> </ul>			

**Data completării: 01.10.2019****Titular curs**

Lector universitar doctor Florea Aurelia

**Titulari activități aplicative,**

Lector universitar doctor Florea Aurelia

**Data avizării în departament: 01.10.2019**

**Director de departament**  
**Prof. univ. dr. ing.**

.....